# 細孔における熱力学に基づくコンクリートの凍結変形に関する解析的研究

## 1. はじめに

コンクリートの細孔中の液水が凍結して氷になると, 氷の体積膨張圧が作用し,膨張変形が生じる。この膨張 圧が過大に作用すると,細孔壁が破壊し,コンクリート の凍害劣化損傷に至る。ここで,細孔中の液水と氷と水 蒸気の状態変化や作用圧力は,ケルビン半径と凝固点・ 融点降下と吸着水と凍結可能自由水の関係といった細孔 における熱力学を適切に適用することで定量化できると 考えられるが,これら一連の細孔における熱力学を正し く合理的に適用した例は,ほとんど見当たらない。

本研究は,細孔における熱力学で凍結変形を取り扱っ て優れた研究と認識されている既往文献が,細孔におけ る熱力学を正しく適用せず,間違っていることを見いだ し,その間違いを正した合理的な解析方法を提示する。

### 2. 既往文献の間違いの指摘

既往文献は,第1著者の周が東北大学博士論文として 2003年に発表し,同年,査読有りの日本コンクリート工 学会 JCI 論文集で日本語発表されるとともに,ほぼ同じ 内容が,2008年に査読有りのアメリカ土木学会 ASCE 論文集で英語発表され,細孔における熱力学で凍結変形 を取り扱った優れた研究と認識されている。

これら JCI 論文と ASCE 論文を比較すると,論文最後 の凍結変形解析結果は同じまま,図1に示すように,凍 結融解試験時温度と細孔中の相対湿度の関係が,JCI 論 文で100%rh 以上の結果を明示し,一方,ASCE 論文で は約5%rh 低下の100%rh 未満の結果を明示している。

両論文とも前半で細孔における熱力学の理論を示して いるが、ここで指摘した細孔中の相対湿度の取扱い相違 点による状況から、凍結変形解析時に細孔における熱力 学を正しく適用していないことが考えられる。

#### 3. 細孔における熱力学に基づく凍結水量算定式の導出

図2に凍結時の細孔における熱力学の概要を示す。細 孔径分布に、ある相対湿度を与えると、ケルビン半径  $\mathbf{r}_k$ と吸着水膜厚tが求められ、細孔半径rからtを差し引 いたr-tが、rkよりも小さい $\mathbf{r}_k \ge \mathbf{r} - \mathbf{t}$ のときに、相対湿 度に対する水蒸気が凝縮して液水の自由水になる。また、 液水の融解エンタルピーLと、氷と液水の固液界面張力  $\gamma_{sl}$ と、過冷却にて標準の凝固点・融点  $\mathbf{T}_0$ から降下した 過冷却凝固点・融点  $\mathbf{T}_T$ の変化 $\Delta \mathbf{T} = \mathbf{T}_0 - \mathbf{T}_T$ から、凍結最 小半径  $\mathbf{r}_T$ が求められる。それで、t は氷にならず液水の ままが熱力学的に安定しており、 $\mathbf{r}_k$ に従う凝縮自由水か ら、凍結可能な  $\mathbf{r}_T$ にtを加えた  $\mathbf{r}_T + \mathbf{t}$ を差し引いた  $\mathbf{r}_k -$ ( $\mathbf{r}_T + \mathbf{t}$ )が、凍結可能な凝縮自由水半径を表すことになる。

1.05 -----0.95 0.95 日の相対関係 SII諸文の権利。中の相対過度 0.95 0.85 0.85 0.85 0.9 0.85 0.75 凍結融解試験時温度(℃) 図1 既往文献での細孔中の相対湿度の取扱い相違点 水蒸気  $r_{T} = -\frac{2T_{0}\gamma_{sl}V_{i}\cos(\emptyset)}{2}$  $\frac{1}{2} \cdot \frac{\gamma_{lg} \cdot \cos(\theta_0) \cdot \rho_g}{(2 - \alpha)}$  $r_k = \left| -\frac{1}{p_{s\infty}} \right|$  $(\rho_l - \rho_a)$  (RH - 1) $L \cdot \Delta T$ 

図2 凍結時の細孔における熱力学の概要

それで、細孔径分布に対する区間の凝縮自由水の凍結 可能体積  $\Delta V_{rkT}$ [m<sup>3</sup>/m<sup>3</sup>]について、次の論理式を導出した。 if [(t<r) & (r<sub>k</sub>>=(r-t)) & (T<(T<sub>T</sub> or T<sub>0</sub>)) & (r<sub>T</sub><r<sub>k</sub>) & (r<sub>T</sub><(r-t))] then ( $\Delta V_{rk}$ = $\pi \cdot$ (r-t)<sup>2</sup>· $\Delta$ ]) else ( $\Delta V_{rkT}$ =0)

## 4. 細孔における熱力学による解析結果および考察

周の博士論文やJCI 論文やASCE 論文では, 飽和度 s (原文では $\beta$ )の算定方法が明示されておらず, 博士論 文にて, ケルビン半径  $r_k$ の凝縮が起きたら s=1 で, 凝縮 しないとき s=0 とすることのみ, 記述されている。

ある相対水蒸気圧  $p_{sr}/p_{s\infty}$ 下の累加細孔容積中には, 累加液水体積  $Vws = Vr_ks + Vts$  が充填し, 全細孔容積 Vo中の割合で表したものが飽和度 s になる。全細孔容積 Vo中に対する累加吸着水体積 Vts での飽和度 st = Vts / Vo, 全細孔容積 Vo 中に対する累加凝縮自由水体積  $Vr_ks$  での 飽和度  $sr_k = Vr_ks / Vo$ , 全細孔容積 Vo 中に対する累加液 水体積 Vws での飽和度  $sw = st + sr_k = Vws / Vo$  となる。

図3に相対湿度100%rh以上のJCI論文条件の飽和度 sを解析した結果を示す。-15℃までs=1で、細孔中の 水分の状態変化を、厳密に熱力学計算しなくても、細孔 容積を細孔中自由水体積と見なして計算できる。周らは、 -15℃までs=1で、-15℃より低い温度でs=0として、 簡易に取り扱ったものと考えられる。

図4に相対湿度100%rh 未満のASCE 論文条件の飽和 度 s を解析した結果を示す。最大 s=0.6 で,周らの s=0 か s=1 の方法では s=0 として取り扱うしかないが,細孔 における熱力学を正しく適用すると s が求められる。

213-090 中田 ひとみ



図4ASCE 論文の相対湿度による熱力学量と飽和度 s 図5と図6にJCI 論文とASCE 論文の相対湿度条件 に基づく凍結水量と凍結膨張線歪みの解析結果を示す。 凍結膨張線歪みの基点は過冷却凝固点・融点 Trとした。 最終的な膨張歪みは,飽和度 s=1 で近似できる条件で周 らと本研究の結果がほぼ同じであるが,ASCE 論文の約 5%rh低下での s<1条件で周らの膨張歪みが0の不合理 な結果になり,本研究の対応が有効であることがわかる。



図 6 ASCE 論文条件の累加凍結水量と凍結水膨張線歪み 5.まとめ

細孔における熱力学に着目し、コンクリートの凍結変 形にて優れた研究と認識の既往文献の間違いを正した凍

結変形の解析方法を提示できた。 (中村研究室) 参考文献 1) 周志云: コンクリートの凍害による劣化現象の微視的メカニズ ムとそのモデル化に関する基礎的研究,東北大学博士論文,2003.1,2) 三橋 博三,周志云,多田眞作:微視的メカニズムを考慮したコンクリートの凍結 作用による変形挙動の数理モデル,コンクリート工学論文集,Vol.14, No.3, pp.33・44,2003.9,3) Zhou,Z. Y., Mihashi,H.: Micromechanics Model to Describe Strain Behavior of Concrete in Freezing Process, Journal of Materials in Civil Engineering, ASCE, Vol.20, No. 1, pp.46-53, 2008.1